

اختبار في قوانين الضرب المختصر للصّف التاسع

الاسم:-----

(1) افتح الاقواس بحسب قوانين الضرب المختصر وجمع الحدود المتشابهة:-

$$36 + (2x + 4)(2x - 4) =$$

$$= 36 + 4x^2 - 16$$

$$= 4x^2 + 20$$

$$(x^3 - 2y)(-2y - x^3) = (-2y - x^3)(x^3 - 2y) \quad (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$= -(2y + x^3)(x^3 - 2y) = -(x^3 + 2y)(x^3 - 2y)$$

$$= -(x^6 - 4y^2)$$

$$= -x^6 + 4y^2$$

$$(x + 2b)(x - 2b) - x^2 - (x + 2b)^2 =$$

$$= \cancel{x^2} - 4b^2 - \cancel{x^2} - (x^2 + 4xb + 4b^2)$$

$$= \underline{-4b^2} - x^2 - 4xb - \underline{4b^2}$$

$$= -8b^2 - x^2 - 4xb$$

$$(3x - 1)^2 - (4x + 1)(2x - 1) =$$

$$= 9x^2 - 6x + 1 - (8x^2 - 4x + 2x - 1)$$

$$= \underline{9x^2} - \underline{6x} + \underline{1} - \underline{8x^2} + \underline{4x} - \underline{2x} + \underline{1}$$

$$= x^2 - 4x + 2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$



(2) أ- افتح الاقواس حسب قوانين الضرب المختصر ($x \neq 0, a \neq 0$)

$$\begin{aligned} (a^{x-2} + a^{x+2})^2 &= \\ &= (a^{x-2})^2 + 2a^{x-2} \cdot a^{x+2} + (a^{x+2})^2 \\ &= a^{2x-4} + 2a^{2x} + a^{2x+4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (7a^x + 3a^{x-1})^2 &= \\ &= (7a^x)^2 + 2 \cdot 7a^x \cdot 3a^{x-1} + (3a^{x-1})^2 \\ &= 49a^{2x} + 42a^{2x-1} + 9a^{2x-2} \end{aligned}$$

ب- بسط التعبير التالي:-

$$\begin{aligned} (x^2 + 1)(x^4 + 1)(x^2 - 1) &= \\ &= (x^2 + 1)(x^2 - 1)(x^4 + 1) \\ &= (x^4 - 1)(x^4 + 1) \\ &= x^8 - 1 \end{aligned}$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

(3) يبين أن التعبير: $(x+5)^2 - (x-3)^2$ ينقسم على 16 دون باقي (x عدد صحيح)

هذا التعبير يقسم على
16 دون باقي لأن العدد
16 أحد عوامل هذا التعبير

$$\begin{aligned} &= x^2 + 10x + 25 - (x^2 - 6x + 9) \\ &= \cancel{x^2} + 10x + 25 - \cancel{x^2} + 6x - 9 \\ &= 16x + 16 = 16(x+1) \end{aligned}$$

(4) املأ الفراغات معتمدًا على قوانين الضرب المختصر:-

$$(\underline{3a} - \frac{1}{6})^2 = 9a^2 - \underline{a} + \frac{1}{36}$$

$$(\frac{1}{2} + a)^2 = \frac{1}{4} + a + \underline{a^2}$$

$$(3m - \underline{4y})^2 = \underline{9m^2} - 12my + \underline{16y^2}$$

$$x^2 + 36 + 12x$$

↙

$$(x + 6)^2$$

(5) اكتب < , > أو = كي تحصل على ادعاء صحيح :- اشرح ($x > 0$)

$$\underline{\quad > \quad}$$

$$x^2 + 36$$

$$(10 + x)(10 - x) + 33$$

$$100 - x^2 + 33 = 133 - x^2$$

$$\underline{\quad > \quad}$$

$$(8 - x)(8 + x)$$

$$64 - x^2$$

(6) حلّ المعادلات / المتباينات الآتية:-

$$(x + 7)(4x - 1) - 3x^2 = 9(3x + 2)$$

$$\underline{4x^2} - \underline{x} + \underline{28x} - 7 - 3x^2 = 27x + 18$$

$$x^2 + \cancel{27x} - 7 = \cancel{27x} + 18$$

$$x^2 - 7 = 18 \quad | +7$$

$$x^2 = 25$$

$$\boxed{x = \pm 5}$$

$$(3x - 1)^2 - (4x + 1)(2x - 1) > 2(1 - 2x)$$

$$9x^2 - 6x + 1 - (8x^2 - 4x + 2x - 1) > 2 - 4x$$

$$9x^2 - 6x + 1 - 8x^2 + 2x + 1 > 2 - 4x$$

$$x^2 - 4x + 2 > 2 - 4x$$

$$x^2 > 0$$

$$\boxed{x \neq 0}$$